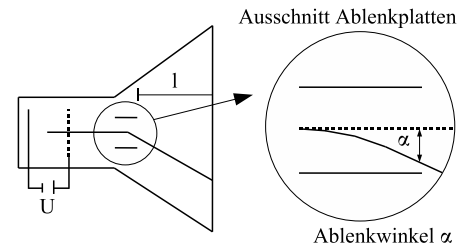


**1. Braunsche Röhre**

Berechnen Sie die Bahnkurve eines Elektrons in einer Braunschen Röhre unter Vernachlässigung der Gravitation. Das Elektron wird zunächst durch eine Spannung von  $U = 5 \text{ keV}$  in der Elektronenkanone beschleunigt. Der Elektronenstrahl durchläuft dann auf einer Strecke von 2 cm ein konstantes elektrisches Feld von  $100 \text{ kV/m}$ , das den Elektronenstrahl senkrecht zu seiner ursprünglichen Bahn ablenkt.



Wo trifft der Elektronenstrahl auf den Leuchtschirm, der im Abstand von  $l = 20 \text{ cm}$  vom Plattenpaar der Ablenkeinheit aufgestellt ist? Geben Sie den Ort relativ zu einem nicht abgelenkten Strahl an. Führen Sie dazu folgende Zwischenschritte durch:

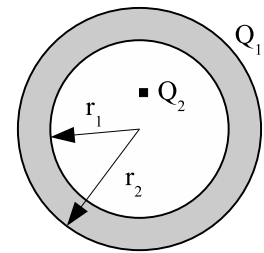
- a) Wie groß ist die Geschwindigkeit des Elektrons? Denken Sie dabei darüber nach, ob noch nichtrelativistisch gerechnet werden darf.
- b) Wie lange hält sich das Elektron zwischen den Ablenkplatten auf?
- c) Welche Strecke senkrecht zur ursprünglichen Bahnkurve legt das Elektron im Ablenkplattenpaar zurück?
- d) Welchen Winkel zur ursprünglichen Bahn nimmt die Bahn hinter dem Ablenkplattenpaar ein?

(2 Punkte)

**2. Potential und Feld einer geladenen Leiterhohlkugel mit eingeschlossener isolierter Punktladung**

Eine leitende Hohlkugel wird mit der Ladung  $Q_1$  aufgeladen. Danach wird eine isolierte Punktladung  $Q_2$  im Innern ohne Kontakt zur Hohlkugel angebracht.

- a) Zeichnen Sie qualitativ die Feldlinien im Innern der Hohlkugel und für den Außenbereich.
- b) Berechnen Sie mithilfe des Gauß'schen Satzes, wo an der Hohlkugel Oberflächenladungen entstehen und wie groß diese sind.
- c) Berechnen Sie mithilfe des Gauß'schen Satzes das elektrische Feld außerhalb der Kugel.



(2 Punkte)

**3. Gradient, Divergenz und Rotation**

Sei  $r = |\vec{r}| = \sqrt{x^2 + y^2 + z^2}$ . Berechnen Sie

- a) den Gradienten von  $1/r$ ,  $\ln(r)$  und  $r^n$ .
- b) die Divergenz von  $\vec{r}/r^3$ .
- c) die Rotation von  $A(x, y, z) = (-By, Bx, 0)/2$ , wobei  $B$  eine beliebige Konstante sei.

(2 Punkte)

**4. Bindungsenergie eines Dipols**

Bestimmen Sie die Bindungsenergie eines Dipols, indem Sie die Energie berechnen, die frei wird, wenn die eine Ladung des Dipols aus dem Unendlichen bis auf den Abstand  $r_0$  an die andere Ladung herangebracht wird.

(2 Punkte)

**5. Kraft auf einen Dipol**

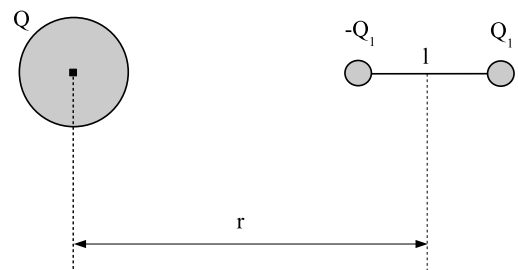
Im Feld der kugelförmigen Ladung  $Q$  befinden sich die miteinander im Abstand  $l$  verbundenen Punktladungen  $Q_1$  und  $-Q_1$ .

- a) Berechnen Sie die Kraft  $F$ , mit der dieser Dipol von  $Q$  angezogen wird.
- b) Den erhaltenen Ausdruck können Sie umformen, indem Sie die Potenzreihenentwicklung

$$(1 \pm x)^{-2} = 1 \mp 2x + 3x^2 \mp 4x^3 + \dots$$

benutzen.

*Hinweis:* Entwickeln Sie lediglich bis zur zweiten Ordnung in  $l$ . Führen Sie die Umformung so aus, daß Sie für den Grenzübergang zum reinen Dipol ( $l \rightarrow 0$  bei  $Q_1 \cdot l = \text{const.}$ ) einen einfachen Ausdruck erhalten.



(2 Punkte)