

Abgabetermin, Dienstag, 26.4.2005, vor der Vorlesung

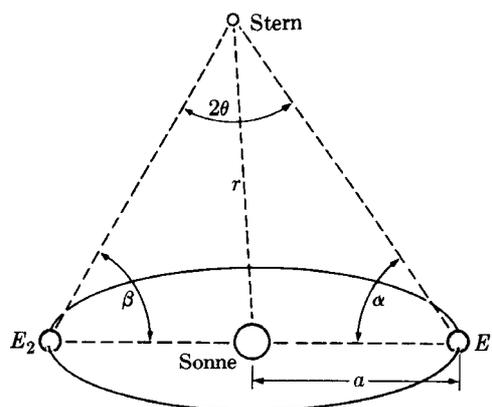
Aufgabe 1: Gleichförmige Bewegung (4 Punkte)

Ein Pkw fährt mit konstanter Geschwindigkeit v auf einer geraden Straße 10 min mit $v = 5$ m/s vorwärts, stoppt dann für 120s und fährt 360s mit einer Geschwindigkeit von $v = 10$ m/s rückwärts. Nach einem Halt von 120s fährt er schließlich 3 min mit $v = 15$ m/s vorwärts. Stellen Sie den Verlauf der Geschwindigkeit $v(t)$ und des zurückgelegten Weges $s(t)$ als Funktion der Zeit graphisch dar. Berechnen Sie den zurückgelegten Weg und die mittlere Geschwindigkeit.

Aufgabe 2: Paralaxe (3 Punkte)

Die *Sternparallaxe* ist die Änderung in der scheinbaren Position eines Sterns infolge der Bewegung der Erde um die Sonne. Man drückt sie quantitativ durch die Hälfte des Winkels aus, der dem Erdbahndurchmesser E_1E_2 , welcher senkrecht zur Verbindungslinie Stern-Sonne steht, gegenüberliegt (siehe Abbildung). Sie ist durch $\theta = (180^\circ - \alpha - \beta)/2$ gegeben, wobei die Winkel α und β an den beiden Positionen E_1 und E_2 gemessen werden, die durch 6 Monate voneinander getrennt sind. Der Stern mit der größten Parallaxe von $\theta = 0,76$ Bogensekunden (d.h. der nächste Stern zum Sonnensystem) ist α -Centauri. Berechnen Sie seine Entfernung von der Sonne, ausgedrückt in Metern. Wie lange braucht das Licht dieses Sterns zur Erde?

(Abstand Erde-Sonne $a = 149,6 \cdot 10^6$ km; nähern Sie (im Bogenmaß) $\sin \theta = \theta$ für kleine Winkel θ).



Aufgabe 3: Komplexe Exponentialfunktion (4 Punkte)

Die Exponentialfunktion $f(x) = e^x$ ist die einzige (von Null verschiedene) differenzierbare Funktion für die $df/dx = f(x)$ gilt. Zeigen Sie, dass für die komplexe Exponentialfunktion $f(x) = e^{ix}$ die Beziehung $e^{ix} = \cos(x) + i \sin(x)$ gilt, wobei $i^2 = -1$ ist.