

## Wiederholung vom 24.01.2005

Erzeugung der Inversion: (Fortsetzung)

Ein Gasgemisch von He und Ne im Verhältnis  $\cong 7 : 1$  wird durch Elektronenstoß angeregt. Bei diesem 4-Niveau-Laser genügt es, wenn  $10^{-6}$  der Ne-Atome angeregt, um Inversion zu erzeugen.

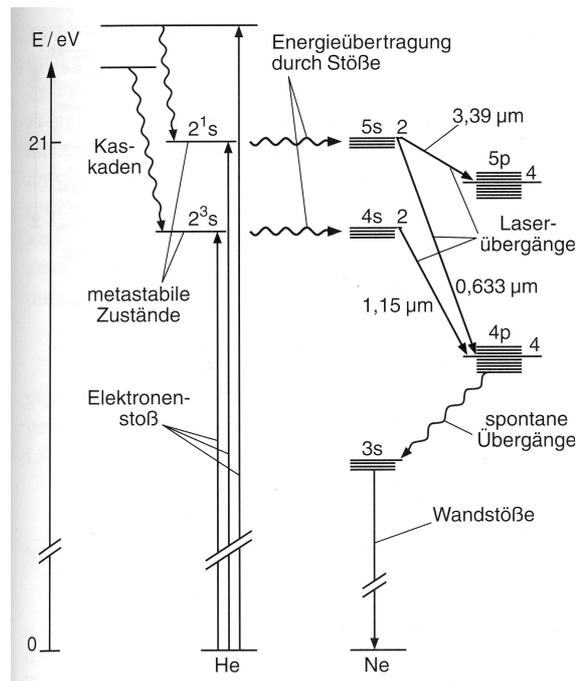


Abbildung 1: Termschema eines He-Ne-Lasers

### Optische Resonatoren:

Resonatoren bestimmen wesentliche Eigenschaften eines Laser:

Stärke der Verluste

Einmodenbetrieb/Mehrmodenbetrieb

Mehrmodenbetrieb: Frequenzabstand der Moden

Divergenz des Laserstrahls

geschlossener Resonator: hat zu viele Moden in einem Frequenzintervall, um als Laserresonator zu dienen

offener Resonator: hohe Verluste für Moden mit  $k_x, k_y \neq 0$   
 Moden keine ebenen Wellen wegen Beugungsverlusten  
 Berechnung der Moden: Spiegel als unendlich lange Anordnung  
 von Blenden betrachten und diese mit Kirchhoffschen Beugungs-  
 integral

$$A_n(x, y) = -\frac{i}{2\lambda} \int dx' \int dy' A_{n-1}(x', y') \frac{1}{\rho} e^{ik\rho} (1 + \cos\vartheta) \quad (1)$$

lösen, wobei stationäre Lösung  $A_n(x, y) = CA_{n-1}(x, y)$  mit  $|C| < 1$  wegen Verlusten gesucht.

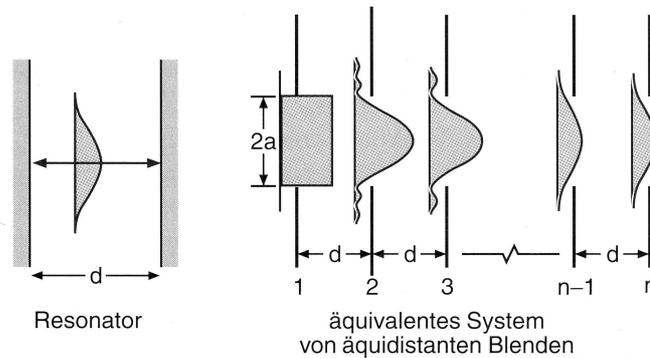


Abbildung 2: Äquivalenz von Spiegeln und Blenden

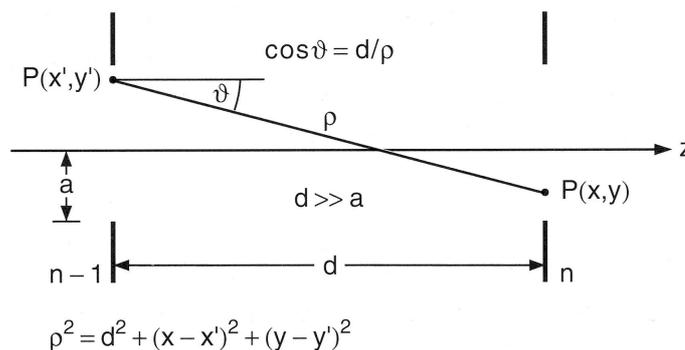


Abbildung 3: Zur Definition der Bezeichnungen im Beugungsintegral

Lösung der Integralgleichung (nur numerisch) ergeben  $TEM_{mn}$  (transversale elektromagnetische Moden). Diese sind hängen von der Form der Spiegel/Blenden ab.

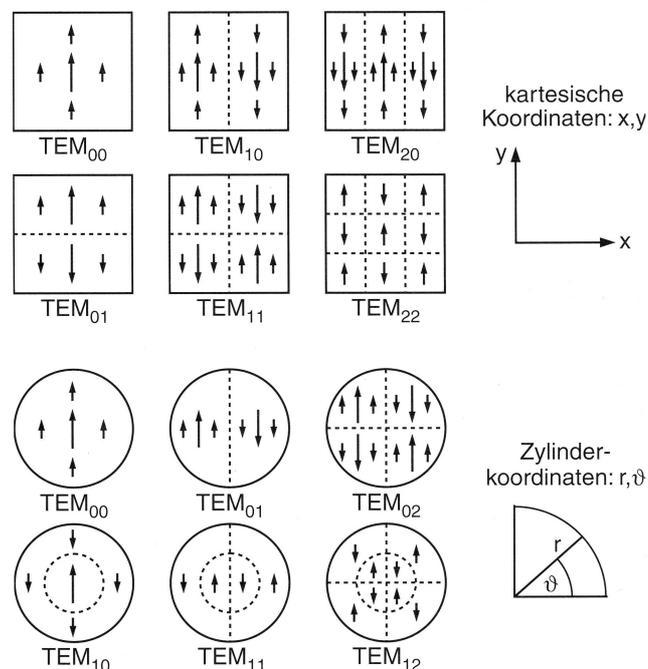


Abbildung 4:  $TEM_{mn}$  für quadratische (oben) und kreisförmige (unten) Spiegel

$TEM_{00}$ : Fundamentalmode

Verluste:

Reflexionsverluste ergeben eine mittlere Verweildauer eines Photons im Resonator von  $\tau \cong 10^{-7}$  s.

Beugungsverluste  $\gamma_B \cong \frac{\lambda d}{a^2}$  hängen von Wellenlänge  $\lambda$ , Resonatorlänge  $d$  und Spiegelradius  $a$  ab und ergeben für Planspiegel hohe Verluste.

Verluste werden durch fokussierende Wirkung von sphärischen Spiegeln verringert.

Höhere TEM haben größere Verluste und können durch geeignete Wahl der Resonatorparameter unterdrückt werden.

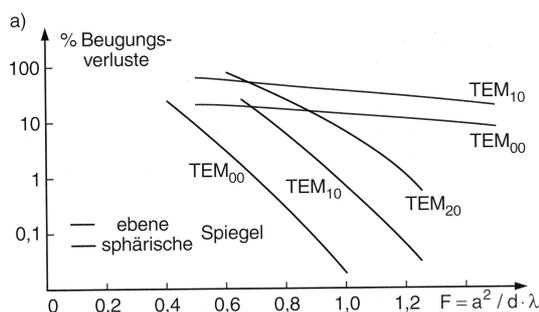


Abbildung 5: Verluste für sphärische und Planspiegel

Berücksichtigung von sphärischen Spiegeln ergibt als Lösung des Kirchhoffschen Beugungsintegrals

$$A_n(x, y) = C A_{n-1}(x, y) \text{ mit}$$

$$C = e^{-\gamma_B/4} e^{i\varphi}.$$

$$\varphi = -\frac{1}{2}(m + n + 1) \arccos \sqrt{g_1 g_2}$$

$$g_i = 1 - \frac{d}{R_i} \quad (d: \text{Resonatorlänge, } R_i \text{ Spiegelradius)}$$

$\varphi$  ist Phasenverschiebung, die durch Beugung entsteht und hat Einfluss auf die Frequenzen  $\nu_r$  eines Resonators:

$$\nu_r = \frac{c}{2d} \left( q + \frac{2}{\pi} \varphi \right) \text{ und } \delta \nu_r = \frac{c}{2d}$$

$$\text{Planspiegelresonator: } \nu_r = \frac{c}{2d} q$$

$$\text{konvokaler Resonator: } \nu_r = \frac{c}{2d} \left( q + \frac{1}{2}(m + n + 1) \right)$$

Frequenzen eines Resonators hängen nicht nur von Länge sondern auch von Form der Spiegel ab.

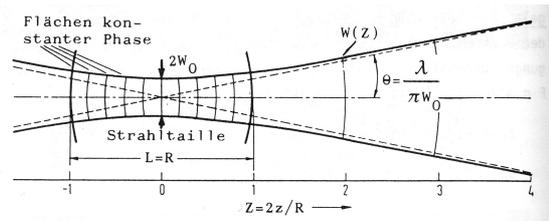


Abbildung 6: TEM<sub>00</sub> Mode eines konvokalen Resonators

## Einmodenbetrieb

Normalerweise ist Verstärkungsprofil breiter als Modenabstand  
 $\Rightarrow$  Mehrmodenbetrieb.

Einmodenbetrieb durch zusätzliches Fabry-Perot-Etalon.

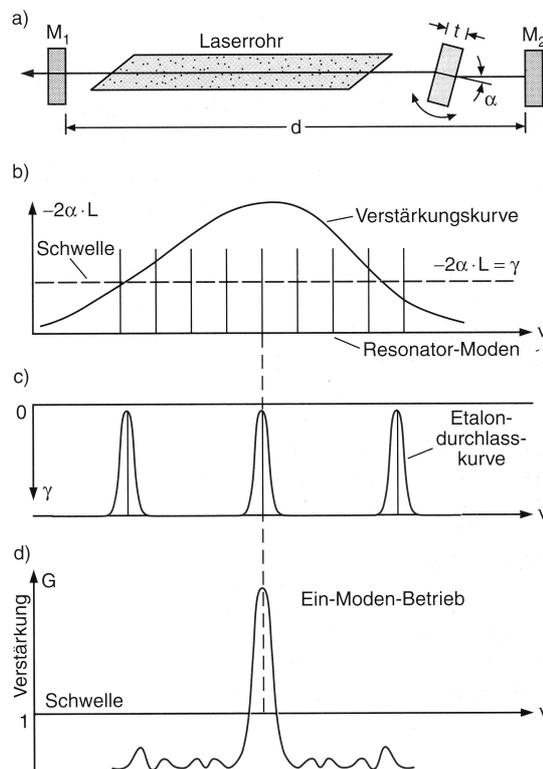


Abbildung 7: a) Experimenteller Aufbau b) Verstärkungsprofil c) Verluste durch Etalon d) Nettoverstärkung